

论文报告要求

1. 教师准备阶段：每学期4次左右，每次邀请相关研究方向的教师精选2篇经典或前沿论文。
2. 同学准备阶段：每次每位同学认真阅读2篇论文，并为其中1篇指定论文制作15-20分钟ppt（报告前1天发到教师邮箱，文件名：学号-姓名），鼓励自主延伸阅读其它相关论文。讲稿内容可以包括但不限于：
 - 用自己的语言概述论文主要研究内容、技术路线、创新点等。
 - 围绕论文中的某个技术点，陈述自己的观点或其它相关论文的内容。
3. 课堂讨论阶段：随机选择同学上台报告ppt（每篇论文选3位左右），其余同学参与讨论。

- 教材讨论
– TC第24章

问题1: Bellman-Ford算法

- 我们为什么可以假设要找的最短路径中一定不含圈?
 - positive-weight cycle
 - 0-weight cycle
 - negative-weight cycle
- 你理解RELAX了吗?
- 这一章中的那么多算法, 它们的本质区别在哪里?

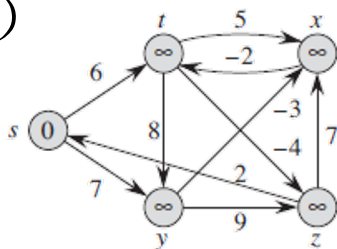
```
RELAX( $u, v, w$ )  
1  if  $v.d > u.d + w(u, v)$   
2      $v.d = u.d + w(u, v)$   
3      $v.\pi = u$ 
```

问题1: Bellman-Ford算法 (续)

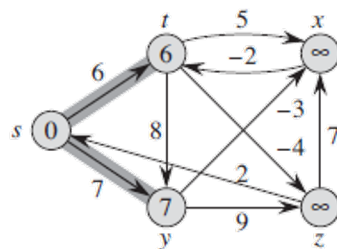
- 你能结合这个例子, 解释算法的步骤吗?
- RELAX的次数和顺序?
- 循环不变量是什么?
(第*i*次循环得到了什么重要的结果?)
- 为什么一定能发现 negative-weight cycles?

```

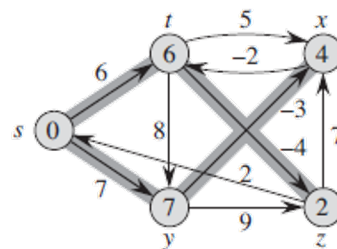
BELLMAN-FORD( $G, w, s$ )
1  INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
2  for  $i = 1$  to  $|G.V| - 1$ 
3      for each edge  $(u, v) \in G.E$ 
4          RELAX( $u, v, w$ )
5  for each edge  $(u, v) \in G.E$ 
6      if  $v.d > u.d + w(u, v)$ 
7          return FALSE
8  return TRUE
    
```



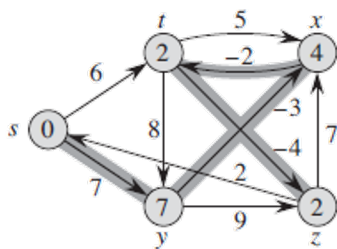
(a)



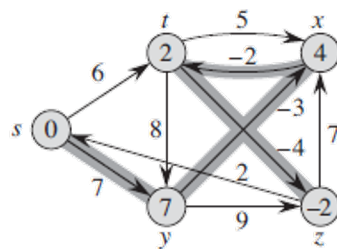
(b)



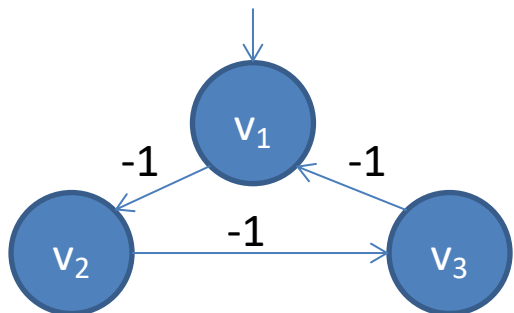
(c)



(d)

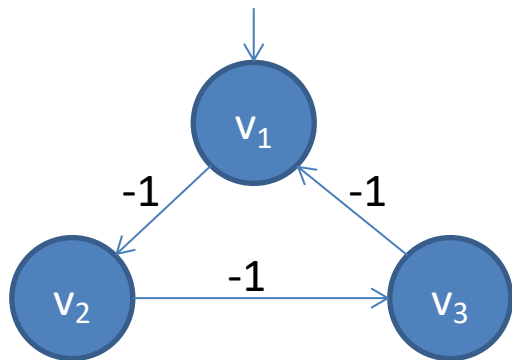


(e)



问题1: Bellman-Ford算法 (续)

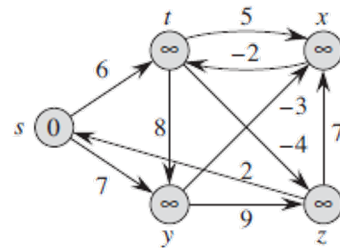
- 你能否改造BF算法, 让它输出图中存在的negative-weight cycles?



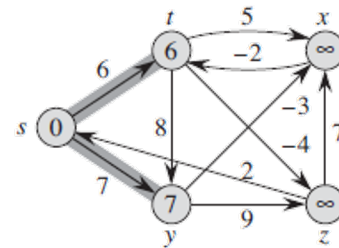
BELLMAN-FORD(G, w, s)

```

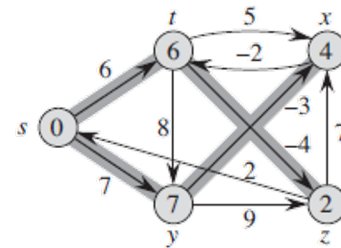
1 INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
2 for  $i = 1$  to  $|G.V| - 1$ 
3   for each edge  $(u, v) \in G.E$ 
4     RELAX( $u, v, w$ )
5 for each edge  $(u, v) \in G.E$ 
6   if  $v.d > u.d + w(u, v)$ 
7     return FALSE
8 return TRUE
    
```



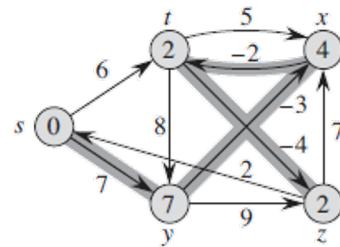
(a)



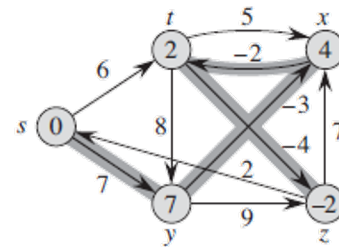
(b)



(c)



(d)



(e)

问题1: Bellman-Ford算法 (续)

- 与BF算法相比, 这个新算法的RELAX的次数和顺序是什么?
- 它的改进和局限分别是什么?
- 你能解释它取得改进的原因吗? (循环不变量是什么?)

DAG-SHORTEST-PATHS(G, w, s)

```
1  topologically sort the vertices of  $G$ 
2  INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
3  for each vertex  $u$ , taken in topologically sorted order
4      for each vertex  $v \in G.Adj[u]$ 
5          RELAX( $u, v, w$ )
```

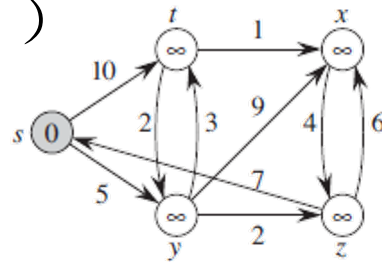
问题2: Dijkstra算法

- 你能结合这个例子，解释算法的步骤吗？
- RELAX的次数和顺序？
- 循环不变量是什么？
(每次循环得到了什么重要的结果？)

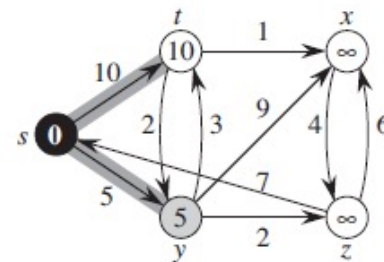
DIJKSTRA(G, w, s)

```

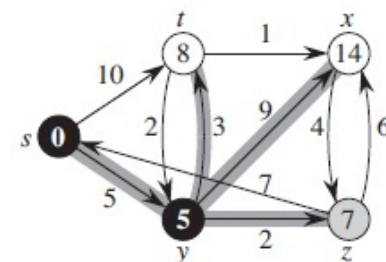
1 INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
2  $S = \emptyset$ 
3  $Q = G.V$ 
4 while  $Q \neq \emptyset$ 
5    $u = \text{EXTRACT-MIN}(Q)$ 
6    $S = S \cup \{u\}$ 
7   for each vertex  $v \in G.Adj[u]$ 
8     RELAX( $u, v, w$ )
    
```



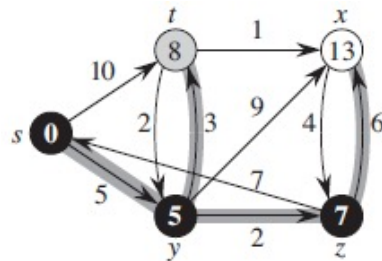
(a)



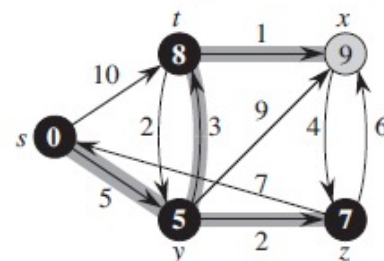
(b)



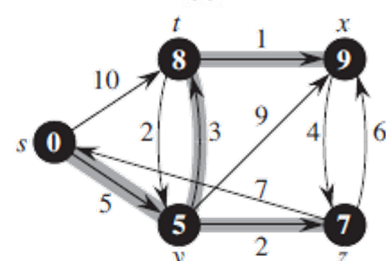
(c)



(d)



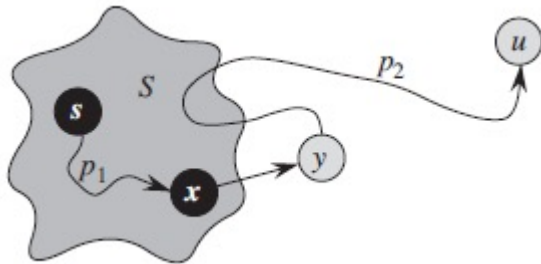
(e)



(f)

问题2: Dijkstra算法

- 你能简要证明循环不变量吗?



```
DIJKSTRA( $G, w, s$ )
1 INITIALIZE-SINGLE-SOURCE( $G, s$ )
2  $S = \emptyset$ 
3  $Q = G.V$ 
4 while  $Q \neq \emptyset$ 
5      $u = \text{EXTRACT-MIN}(Q)$ 
6      $S = S \cup \{u\}$ 
7     for each vertex  $v \in G.Adj[u]$ 
8         RELAX( $u, v, w$ )
```

$$\left. \begin{array}{l} y.d = \delta(s, y) \\ \leq \delta(s, u) \\ \leq u.d \\ u.d \leq y.d \end{array} \right\} y.d = \delta(s, y) = \delta(s, u) = u.d$$

问题3： 最短路问题的应用

- 为什么我们很少讨论single-pair shortest-path problem?

问题3：最短路问题的应用 (续)

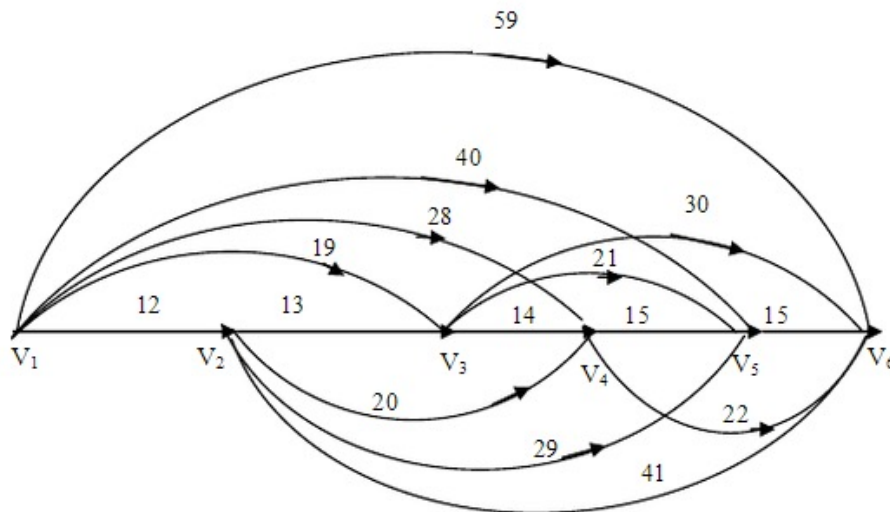
- 怎样更新设备最合算？

	2021	2022	2023	2024	2025
买入价	11	12	13	14	14
	1年后	2年后	3年后	4年后	5年后
卖出价	4	3	2	1	0
	第1年	第2年	第3年	第4年	第5年
保养费	5	6	8	11	18

问题3：最短路问题的应用 (续)

- 怎样更新设备最合算？

	2021	2022	2023	2024	2025
买入价	11	12	13	14	14
	1年后	2年后	3年后	4年后	5年后
卖出价	4	3	2	1	0
	第1年	第2年	第3年	第4年	第5年
保养费	5	6	8	11	18



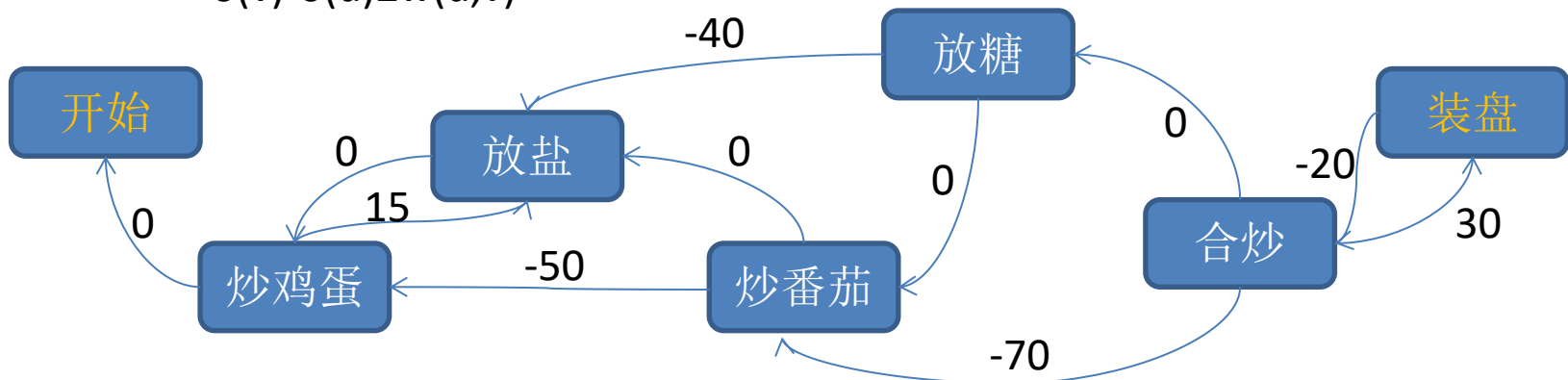
问题3：最短路问题的应用 (续)

- 你会做番茄炒蛋吗？
 - 顺序：先把鸡蛋炒熟，再炒番茄，再合起来炒
 - 要点：
 - 炒鸡蛋至少要50秒才能熟
 - 鸡蛋下锅的15秒内要放盐才能入味
 - 炒番茄至少要70秒才能出汁
 - 炒番茄时要放糖，但和之前放盐的时间要间隔至少40秒
 - 合起来炒至少要20秒才能混味，但不能超过30秒，否则就稀烂了
 -
- 如果一个新手要做番茄炒蛋，你能为他列出一份具体的时间表吗？（第几秒时做什么）

问题3：最短路问题的应用 (续)

- 你会做番茄炒蛋吗？
 - 顺序：先把鸡蛋炒熟，再炒番茄，再合起来炒
 - 要点：
 - 炒鸡蛋至少要50秒才能熟
 - 鸡蛋下锅的15秒内要放盐才能入味
 - 炒番茄至少要70秒才能出汁
 - 炒番茄时要放糖，但和之前放盐的时间要间隔至少40秒
 - 合起来炒至少要20秒才能混味，但不能超过30秒，否则就稀烂了

$$\delta(v) - \delta(u) \leq w(u, v)$$



问题3： 最短路问题的应用 (续)

